|  |  |
| --- | --- |
| REPUBLIQUE TUSIENNEMINISTRE DE L’EDUCATION DE LA FORMATIONLycée Ali Bourguiba Bembla**Site : www.matheleve.net** | **Mr : Chortani Atef**  |
| [**Examen blanc du Bac 2012**](http://www.google.tn/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=1&ved=0CG4QFjAA&url=http%3A%2F%2Fwww.france-examen.com%2Fbac-blanc-5237.html&ei=gmOqT-WWMseq8APG-NXzBA&usg=AFQjCNGu-6LHTOCqFxof59OOrrFlPkUPIw&sig2=O2DTuEuQxIENww-OFhpvEw) |
| **SECTION :** | **SCIENCES EXPERIMENTALES**  |
| **EPREUVE :** | **MATHEMATIQUES** | DUREE : 3 h | COEFFICIENT : 3 |

**Exercice 1(4 points)**

La durée de vie, exprimée en heures, d'une ampoule électrique, est une variable aléatoire T qui

suit une loi exponentielle de paramètre 0,002.

 Dans tout l'exercice, on donnera des résultats en valeur exacte, ainsi qu'une approximation à

 3 chiffres significatifs.

1) a) Déterminer la probabilité qu'une ampoule ait une défaillance avant 500 heures .

b) Quelle est la probabilité qu'une ampoule n'ayant pas eu de défaillance en 500 heures ait

une durée de vie totale supérieure à 1300 heures?

2) Dans un lot de 10 ampoules, on note X le nombre d'ampoules qui n'ont pas de défaillance

avant 500 heures.

a) Quelle est la probabilité qu'il y ait 9 ampoules sans défaillance après 500 heures ?

b) Quelle est la probabilité qu'au moins une ampoule fonctionne après 500 heures?

3) Quel est dans un lot de 100 ampoules, le nombre moyen des ampoules ont de défaillance

avant 500 heures.

**Exercice 2(3 points)**

Le personnel d'un très grand hôpital est réparti en trois catégories :

les médecins(**M**) , les soignants (**S**) et les administratifs (**A**).

\*12 % des personnels sont des médecins et 71 % sont des soignants.

\*67 % des médecins sont des hommes

\*92 % des soignants sont des femmes.

\* 80 % du personnel est féminin.

On donnera une valeur approchée de tous les résultats à 10– 4 près.

1)On interroge au hasard un membre du personnel de cet hôpital.

a)Quelle est la probabilité d'interroger une femme soignante?

b) Quelle est la probabilité d'interroger une femme médecin?

c)\* Calculer la probabilité d'interroger une femme administrative.

\*En déduire la probabilité d'interroger une femme sachant que la personne interrogée fait

 partie des administratifs.

2) Tout le personnel de cet hôpital a un temps de trajet domicile-hôpital au plus égal à une heure et

on suppose que la durée exacte du trajet est une variable aléatoire uniformément répartie sur [0 ; 1].

On interroge au hasard un membre du personnel de cet hôpital.

Quelle est la probabilité pour que la personne interrogée ait une durée de trajet comprise entre 15 min et 20 min?

**Exercice 3(6 points)**

1)Dans l’annexe ci-jointe(page 4).On a représenter dans un repère orthonormé la

a)En utilisant le graphique

(C’) sa courbe représentative de dans le repère orthonormé)

b) Tracer la courbe (C’) et les demis tangente à aux points d’abscisses respectives −2 et 2

a)Calculer

b) Montrer à laide d’une intégration par partie que pour tout entier ≥1 ;

c)On déduire que

3)Soit 𝒜 l’aire de la partie du plan limitée par la courbe (C’) et les droites d’équation =−2

et =0et l’axe des abscisses.

b)En déduire 𝒜

**Exercice 4(3points)**

1) Résoudre l'équation différentielle (E) : 4y" + 9y = 0.

2) On désigne par la solution particulière de l'équation différentielle (E) dont la représentation graphique admet une tangente parallèle à l'axe des abscisses au point A 

a)Déterminer une expression de

b) Montrer que, pour tout nombre réel x ; = 2cos

**Exercice 5(4 points)**

Le tableau suivant donne la population d’une ville nouvelle entre les années 1980 et 2010.

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Année | 1980 | 1985 | 1990 | 1995 | 2000 | 2005 | 2010 |
| Rang de l’année x | 0 | 5 | 10 | 15 | 20 | 25 | 30 |
| Population en milliers habitants y | 18 | 21 | 25 | 30 | 36 | 42 | 50 |

1)a) Calculer la moyenne et l'écart-type de la variable X.

b) Calculer la moyenne et l'écart- type de la variable Y.

c) Calculer le coefficient de corrélation linéaire de la série double (X, Y).

2)a)Déterminer une équation de la droite d’ajustement affine de y en x par la méthode des moindres carrés (les coefficients seront arrondis au millième.).
b) Déduire de cet ajustement une estimation de la population en 2008, à un millier près.
3) L’allure du nuage de la série double (X, Y) incite à chercher un ajustement par une fonction définie sur [0 ; +∞ [ solution de l’équation différentielle y’=0,039y tels que  (0) = 18
a)Montrer que .
b) Déduire de cet ajustement une estimation de la population en 2008, à un millier près.
c) La population en 2008 était de 55 milliers. Lequel des deux ajustements vous
semble le plus pertinent? Justifier votre choix.
d) Calculer la valeur moyenne de la fonction  sur [0 ; 30] ; on donnera le résultat arrondi au dixième.
e) Déterminer l’année au cours de laquelle la population atteint cette valeur moyenne?

**Annexe à rendre avec la copie**

Nom………………………………………Prénom……………………………..

